選語抜

数

〈出題傾向〉

解答形式は、A方式では記述式、B方式ではマーク式である。 試験時間と問題数は、A方式では80分で大問3問(選択問題1問)、 B方式では2科目120分で大問2問(選択問題1問)である。問題 の難易度や計算量を考えると、試験時間は十分にある。

出題範囲は、A方式(1/29)とB方式では、数学 I・Aおよび 数学Ⅱ、A方式(1/30)では、数学Ⅰ・Aおよび数学B(数列) である。

出題形式は、A方式では、Iは3題の独立した小問である。B 方式では、 I は 4 題の独立した小問で、各小問にはさらに枝問が ある。B方式ではIのみが必答問題であり、A方式に比べて各小 問の分量が多い。また、いずれの方式でもⅡ以降は、3~4題ほ どの小問で誘導形式になっていることが多い。前半の問題の答え を、後半の問題で用いることが多いので、前半の問題での計算ミ スに注意が必要である。

出題分野の大きな偏りはないが、「場合の数と確率」、「2次関 数」の出題がやや目立った。いずれも丁寧な場合分けが必要なこ とが多く、単に公式に当てはめるだけでは解けないので、様々な 出題に慣れておきたい。

また、「2次関数」、「図形と計量」、「図形の性質」のように、問 題文から図を描いて考える出題も多い。条件に当てはまる正しい 図を描いた上で、適切な公式を用いる力が求められる。

〈出題のねらい〉

全体を通して

教科書に記載されている基本事項を活用できる程度にまで理解 できているか、基礎的な計算力があるかを問うことにしました。 また、ストーリー性のある問題で、論理的な読解力や多面的な考 察力を見るとともに、数学的な表現を用いた記述力と応用力を見 ることにしました。いずれも試験範囲全般にわたって出題してい ますので、教科書に掲載された発展の問題にもチャレンジしてお いてください。また、一般選抜前期の過去問だけでなく、公募型 学校推薦選抜の過去問にも目を通しておいてください。

前期A方式(1月29日)

- I:いずれも教科書レベルの基本的な問題です。
- (1) 数と式に関する基本的な問題です。2問目は1問目の結果を 利用すると計算が簡単になります。
- (2) 三角比を用いた式の展開と因数分解の問題です。 まず $\sin \theta \cos \theta$ と $\sin \theta + \cos \theta$ を求めるのがポイントです。
- (3) 2次関数の最大値と最小値に関する問題です。条件から一文 字減らして2次式にできるかとその時に定義域がどうなるかを 把握できるかがポイントです。
- Ⅱ:様々な事象と確率に関する問題です。(1)と(2)は余事象を利用 すると簡単に解けます。(3)はDが当たり、かつABCの誰か一人 だけが当たる確率を求めればよい、ということに気付けば解け ます。(4)は条件付確率を求める問題です。(1)~(3)は(4)を解くた めの下準備になっています。
- Ⅲ:正五角形を題材とした図形と計量に関する問題です。このよ うな問題は与えられた条件をもとに適切な図を描くことが重要 です。(2)は三角比を利用すると簡単に解くことができます。余 弦定理を用いた答案が多くみられましたが、用いる角度を誤る と二重根号が出てきて解けなくなってしまいます。(3)は正弦定 理を利用して解きますが、どの三角形に対して正弦定理を適用 するのかが間違えている答案が見られました。ここでも適切な 図を描くことが重要といえます。
 - Ⅳ:3次関数の微分と積分に関する問題です。(2)は共有点を求め るためにf(x)=g(x)とするのですが、一つの解がx=5であるこ とを利用するとcについての簡単な方程式になります。c<0の

〈学習対策〉

問題の難易度は、ほとんどが標準的なレベルである。ただし、 各分野からまんべんなく出題されるので、まずは教科書の例題、 練習問題を確実に解けるように、各分野の内容や公式を確実に理 解することを目指したい。その後、章末問題など、より難易度の 高い問題を解いてみることで、知らないパターンの出題にも対応 する力を伸ばしておきたい。

また、いずれの方式でも必答問題と選択問題から構成されてい るため、得意な分野をいくつか持っておき、選択問題で自分が解 きやすい方を選ぶことも重要である。

A方式では、記述式で解答する。マーク式では、枠の数などが ヒントになることもあるが、記述式ではそれがないため、特に誘 導形式の問題での計算ミスには注意したい。記述式での解答に慣 れておくため、普段の学習から、筋道を立てて導出手順を書いて いく練習をしておくとよい。それによって、公式や定理の使い方 への理解もより深まるであろう。

図形の問題では「図形と計量」、「図形の性質」の2つの内容を 用いることも多い。図形に関する公式や定理はもちろんのこと、 $\sin \theta$ と $\cos \theta$ の関係や、2つの角度を足すと 180° になる場合のよ うな、三角比の基本的な性質を利用して値を求める方法も改めて 押さえておきたい。

条件を見落とさないようにしましょう。(3)落ち着いて積分の 計算をすれば解ける問題です。

前期A方式(1月30日)

- I:いずれも教科書レベルの基本的な問題です。
- (1) 対称式の値に関する基本的な問題です。まずabとa+bの 値を計算するところから始めましょう。
- (2) 不定方程式に関する基本的な問題です。60と11が互いに素 であることと、2024=11x148であることに気づけば簡単に解 くことができます。
- (3) 図形に関する基本的な問題で、三平方の定理や三角比の基 本的事項を活用します。与えられた条件をもとに正確に図を 描けば簡単に解くことができます。
- Ⅱ:場合の数に関する問題です。全体としてよくできていました が、(3)では601番目以降の文字列が〇から始まると勘違いした 答案が多くみられました。
- Ⅲ:2次関数に関する問題です。頂点のx座標がaになるのでこれ が5≦x≦6に含まれるかどうか場合分けをすることになります。 求めたaが場合分けをした範囲に一致するかを確認していな い答案が見られました。場合分けをする際は求めた値がその 範囲に含まれるかどうかを確認することを忘れないようにし ましょう。
- Ⅳ: 等比数列と常用対数の融合問題です。(2)は初項から順に数え 上げてもよいですが、常用対数を利用すると簡単に解くことが でき、(3)も同様に解くことができます。

〈出題のねらい〉

全体を通して

教科書にある基本事項を正しく活用できること、標準的な計算 力や、思考力・応用力の有無をはかる問題を出題しています。

また、順序立てて解答していく流れを持った設問形式が多く、 出題の意図を読み取り、論理的に解答方針を見極める力を問うような構成にしています。日頃から、式・図・表・グラフなどを関連づけて考えることや、1つの問題をいろいろな角度から捉えると、これらを心掛けて取り組むようにしましょう。

前期B方式

- I: (1)整数の性質の分野の問題です。最大公約数と最小公倍数に関する問題であり、(2)では不定方程式の整数解を求める問題との融合となっています。最大公約数、最小公倍数の定義やその求め方、性質などの理解度をみる問題であり、後半は、不定方程式の典型的な問題であり、全般的に基礎事項を正しく活用し、応用できる力をみることが狙いの問題であるといえます。
 - (2)場合の数と確率の分野の問題です。本問では確率を求める問題のみで構成され、袋から玉を取り出す設定となっています。確率の定義の理解度や、基礎的な数え上げの方法が正しくできるかどうか、また反復試行や条件付き確率などの理解度も問う設問になっており、確率を求める際の様々な知識や思考力をみることが狙いの問題であるといえます。
 - (3) 2次関数の分野の問題です。文字定数を含む 2次関数が与えられ、最大値・最小値やグラフとx軸との交点の位置について考察する内容の問題です。(2)では、求めた線分の長さについて、 $\sqrt{}$ の中の式を 2次関数とみることができるかどうか、そのような思考力を問う問題といえます。

- (4)数と式の分野の問題です。(1)で文字a、bを求めることが問われ、求めたa、bを(2)でも使うため、(1)は確実に正解しておく必要があります。(2)は不等式の条件が与えられ、必要条件・十分条件の判断に関する問題です。必要条件か十分条件かを判定する方法の理解度や、命題の真偽の判断が正しくできるかをみるための問題ですが、条件が複雑であるため、正しい計算力が必要であるといえます。
- II: 図形についての問題です。三角形が与えられ、三角比や正弦・余弦定理などの基本的な公式を利用して値を求めていくこと、後半は接する円が与えられ、図形的な知識の応用が必要な問題です。方べきの定理やメネラウスの定理などの活用ができるかどうかをみることが狙いの問題です。数学 I 「図形と計量」と数学 A 「図形の性質」 2 つの分野の基礎知識をふまえた総合的な思考力、応用力が問われます。
- ■: 図形と方程式の分野の問題です。直線の方程式、円の方程式、軌跡、領域と最大・最小などをテーマとした設問で、この分野では典型的な出題であるといえます。(1)~(3)では教科書等にも扱われている設問であり、基礎事項が理解できて正しく活用できるかどうかをみることが狙いの問題です。(4)では、与えられた領域がどのような図形を表すのか、正しく捉えて図示することが先決であり、最後の問題のkの範囲は、直線と領域の位置関係を正しく考察する力をみる問題です。円と直線の共有点の有無や接する場合の条件など、基本的な定理・公式を必要に応じて活用できる力を養っておきましょう。

一般選抜生物

(前期A方式 1/29)

A 1 数



- I 次の各問いに答えよ。
 - (1) $x = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$ のとき、 $x^2 + x$ 、 $4x^3 + 8x^2 + 7x 1$ の値をそれぞれ求めよ。
 - (2) $0^{\circ} \le \theta \le 180^{\circ}$ とする。 $\sin \theta \cos \theta = \frac{1}{3}$ のとき、 $\sin^3 \theta + \cos^3 \theta$ の値を求め
 - (3) 実数x, y が x+y=1, $x \ge 0$, $y \ge 0$ を満たすとき, xy の最大値と最小値, そのときのx, yの値をそれぞれ求めよ。



- Ⅱ 当たりくじ5本を含む13本のくじがある。このくじをA, B, C, Dの4人 がこの順に1本ずつ引くとし、引いたくじはもとに戻さないとする。このとき、 次の確率をそれぞれ求めよ。
- (1) 4人のうち、少なくとも1人が当たる確率 P₁
- (2) 4人のうち、少なくとも2人が当たる確率P₂
- (3) 4人のうち、Dを含む2人だけが当たる確率P3
- (4) 4人のうち、少なくとも1人が当たりくじを引いたとわかっているとき、 D が当たっている条件付き確率 P4



- III 一辺の長さが1の正五角形Pがある。 $\cos 72^\circ = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$ とするとき、次の問
 - (1) $\sin^2 72^\circ$ の値を求めよ。
 - (2) 正五角形 P の対角線の長さを求めよ。
 - (3) 正五角形 P の外接円の面積を求めよ。



- IV 関数 $f(x) = \frac{1}{3}x^3 (x+1)^2 (x+1) + c$ と関数 $g(x) = \frac{1}{3}x + c^2 4$ がある。
- ただし、cは定数で c<0 とする。次の問いに答えよ。
- (1) f(x)の増減を調べよ。
- (2) y=f(x) のグラフと y=g(x) のグラフが異なる3点で交わり、そのうち 1点のx座標が5であるとき、cの値を求めよ。
- (3) (2)のとき, y=f(x) のグラフと y=g(x) のグラフで囲まれた2つの部分 の面積の和Sを求めよ。

(数学問題 おわり)

— 73 —

A 1 (報)

— 74 —

A 1 (報)

数学(前期A方式 1/30)

A 2



- I 次の各問いに答えよ。
- (1) $a=\sqrt{5}+\sqrt{3}$, $b=\sqrt{5}-\sqrt{3}$ のとき, $\frac{b}{a}+\frac{a}{b}$, $\frac{b^2}{a^2}+\frac{a^2}{b^2}$ の値をそれぞれ求め
- (2) 等式 60m+11n=2024 を満たす自然数 (m, n) の組をすべて求めよ。
- (3) $\triangle ABC$ において、 $AC=\sqrt{5}$ 、 $BC=2\sqrt{5}$ 、 $\angle C=90^\circ$ である。辺 BC 上に $CD = \frac{\sqrt{5}}{2}$ となるよう点 D をとる。B から直線 AD に垂線 BH を下ろす。 AH の長さ、cos∠BAH の値をそれぞれ求めよ。



- Π A, D, G, N, O, Rの6文字がある。これらをすべて使ってできる文字列 をアルファベット順に ADGNOR、ADGNRO、・・・と並べるとき、次の問いに 答えよ。
- (1) 文字列は全部でいくつあるか、また最後の文字列は何か。
- (2) DRAGON は何番目になるか。
- (3) 614番目の文字列は何か。



- III 関数 $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + ax 4a + 8$ がある。ただし、a は定数とする。次の問い に答えよ。
 - (1) f(x)の $5 \le x \le 6$ における最大値 M(a)を求めよ。
 - (2) (1)で求めた最大値 M(a) が 1 のとき、a の値を求めよ。
 - (3) a が(2)で求めた値のとき、x についての方程式f(x)=0 を解け。



- $extbf{IV}$ 等比数列 $\{a_n\}$ $(n=1,\ 2,\ 3,\ \cdots)$ の初項を2とする。初項から第2n項ま での和 $\sum\limits_{k=0}^{2n}a_{k}$ が、初項から第n項までの各項の2乗の和 $\sum\limits_{k=0}^{n}a_{k}^{2}$ の2倍であ るとき、次の問いに答えよ。ただし、 $\log_{10}2$ =0.3010、 $\log_{10}3$ =0.4771 とする。
 - (1) 等比数列 $\{a_n\}$ の公比を求めよ。
 - (2) 第n項 a_n が5桁の数となる正の整数nをすべて求めよ。
 - (3) 初項から第n項までの和 $\sum\limits_{k=0}^{n}a_{k}$ が 10^{12} より小さくなる整数 n のうち最大 のものを求めよ。

(数学問題 おわり)

— 73 — A 2 (選) — 74 —

A 2 (選)

R 数 学

注意事項

数学(前期B方式)

- ① Ⅰは必答問題のため、必ず解答すること。ⅡおよびⅢは選択問題のため、 いずれか1問を選択し、解答すること。また、選択した問題番号(Ⅱ、Ⅲの いずれか)を解答用紙の所定の位置にマークすること。
- ② 解答は、カタカナまたはひらがなで表記された解答符号の解答欄にマーク すること。
- ③ 問題文中の ${m P}$, ${m I}$ などには符号 (-) または数字 $(0 \sim 9)$

同一の問題文中に ア や イウ などが2度以上現れる場合、2度目 以降は **ア** , **イウ** のように細字 (細線) で表記する。

- ④ 分数で解答する場合、分数の符号は分子につけ、分母につけてはいけない。 例えば $\frac{ \textbf{ extbf{III}}}{ \textbf{ extbf{I}}}$ に $-\frac{4}{5}$ と答えるときは、 $\frac{-4}{5}$ として答えること。また、そ れ以上約分できない形で解答すること。例えば $\frac{3}{4}$ と答えるところを $\frac{6}{8}$ と答 えてはいけない。
- ⑤ 小数の形で解答する場合,指定された桁数の1つ下の桁を四捨五入して解 答すること。また、必要に応じて指定された桁まで⑩にマークすること。 例えば、 キ . クケ に 6.3 と答える場合は 6.30 として解答すること。
- ⑥ 根号を含む形で解答する場合、根号の中の自然数が最小となる形で解答す

例えば、 \Box $\sqrt{$ $f y}$ に $4\sqrt{2}$ と答えるところを、 $2\sqrt{8}$ と解答してはい

⑦ 根号を含む分数形で解答する場合。例えばシ + ス√セソ

に $\frac{3+2\sqrt{2}}{2}$ と答えるところを、 $\frac{6+4\sqrt{2}}{4}$ や $\frac{6+2\sqrt{8}}{4}$ のように解答してはいけ ない。

> — 83 — B (報)



- [1] 2つの自然数PとQの最大公約数をG,最小公倍数をLとする。
- (1) P=525, Q=140 であるとき, G= **アイ** である。
- (2) P > Q, P = pG, Q = qG (p, q は互いに素な自然数) とする。 L=420,~G=4 であるとき、pq= ウエオ である。pq= ウエオ を満 たすpとqの組は、全部で $\boxed{$ カ $\boxed{ }$ 組あり、そのうち、P+Q が最小とな るようなP, Qの値はP= $\boxed{ + 2 }$, Q= $\boxed{ ケコ }$ である。 このとき、 **キク** x- **ケコ** y=8 ·····①を満たす整数x, yの組の うち、x、yともに1桁の整数は $x = \begin{bmatrix} \mathbf{y} \\ \mathbf{y} \end{bmatrix}$ 、 $y = \begin{bmatrix} \mathbf{y} \\ \mathbf{z} \end{bmatrix}$ である。また、 ①を満たす整数 x, y の組のうち, $x+y \ge 100$ を満たす x+y の最小値は スセソである。

— 84 — B (報)

- 〔2〕 赤玉が3個、白玉が6個の全部で9個の玉が入った袋がある。この袋の 中から1個の玉を取り出し、玉の色を確認した後、取り出した玉を袋の中 に戻す試行を4回繰り返して行う。
- (1) 4回とも赤玉を取り出す確率は **タ** である。
- (2) 4回目に3個目の赤玉を取り出す確率は
 テ

 トナ
 である。
- (3) 2回だけ赤玉を取り出し、かつ、赤玉を2回連続して取り出す確率は <u>ニ</u> マネ である。
- (4) 赤玉を2回以上取り出す確率は
 ノハ

 である。このとき、2回以上

- [3] 2次不等式 x²-6x+5≤0 ……①と2次関数 $f(x) = x^2 - 2ax + 2a^2 - 3a - 4$ (a は定数) がある。
- (1) 2次不等式①の解は い ≤x≤ う である。
- (2) y=f(x) のグラフがx軸と異なる2つの交点をもつようなaの値の範囲 は, - **え** < a < お である。この2つの交点をA, Bとすると き、線分ABの長さLをaを用いて表すと、

また、a が - え < a < お の範囲で変化するとき、L の最大 値はこである。

(3) y=f(x) のグラフが い $\leq x \leq$ う の範囲において、x軸と異 なる2点で交わるような a の値の範囲は a= さ

≦a < **せ** である。

数学(前期B方式)

[4] 2つの実数 a, b があり, a+b=2, $a-b=\frac{4}{\sqrt{5}-1}$ を満たしている。



(2) kは0でない定数である。実数xに関する2つの条件p, qを次のよう に定める。

 $p: a^2 - b^2 \le 2x \le a^2 - 4ab + 3b^2$ $q: kx < k^2 + 7k$

(i) 条件 p を満たす x の値の範囲は

$$t$$
 $+\sqrt{c}$ $\leq x \leq b$ $+\sqrt{t}$ である。

- (ii) k=4 のとき、条件 p は条件 q であるための lacktriangle 。 lacktriangle の てはまるものを、下の①~④のうちから1つ選べ。
 - ① 必要条件であるが、十分条件ではない
- ② 十分条件であるが、必要条件ではない
- ③ 必要十分条件である
- ④ 必要条件でも十分条件でもない
- (iii) 条件qが条件pであるための必要条件であるが、十分条件ではないと

なるような k の値の範囲は s=- は $+\sqrt{U}$ t=- ふ $+\sqrt{$ を用いて、 ほ と表される。

ただし、 ほ には次の①~④のうち適するものの番号を答えよ。

① k < s, t < k ② $k \le s$, $t \le k$ ③ s < k < t ④ $s \le k \le t$

B (海)

— 87 —



II △ABC において、BC=12、AC=10、∠ACB は鈍角である。△ABC の面積

$$(1) \quad \sin \angle ACB = \frac{\boxed{7} \sqrt{\boxed{1}}}{\boxed{7}}, \quad \cos \angle ACB = \frac{\boxed{11}}{\boxed{1}}, \quad AB = \boxed{\cancel{2}} \boxed{7}$$

$$\cancel{5} \stackrel{?}{\circlearrowleft} \stackrel{?}{\circlearrowleft} \stackrel{?}{\circlearrowleft}$$

(2) 点 C を通り、辺 AB を延長した直線と点 A で接する円を K とする。次に、 辺 BC を延長した直線と円 K との交点のうち、C でない方の点を D とする。 このとき、BD= $\boxed{m{\mathfrak{f}}}$ つ であり、AD= $\boxed{m{\mathfrak{f}}}$ である。

(3) (2)のとき, 点 C を含まない方の弧 AD 上に点 E を AE = DE となるように

CE の交点を F とするとき、 $\frac{AF}{FD} = \frac{\mathcal{F}}{\begin{bmatrix} \mathcal{F} \end{bmatrix}}$ である。さらに、線分 BF と辺

— 88 — B (海)



Ⅲ 座標平面上に、3点A(10,6),B(2,2),C(12,2)がある。また、3 点A, B, Cを通る円をKとする。

(1) 直線 AB の方程式は $y = \frac{P}{1}x + \frac{\dot{p}}{1}$ である。

また、線分 AB の垂直二等分線の方程式は y= $\boxed{$ **エオ** $} x+$ $\boxed{$ **カキ** $} であ$ Z.,

 $(x- \boxed{7})^2 + (y- \boxed{7})^2 = \boxed{3}$

(3) 点 D (1, 5) とし、円 K 上に点 P (p, q) をとる。

線分 DP を 1:2 に内分する点を Q(x, y) とするとき

である。

点Pが円K上を動くとき、点Qが描く図形の方程式は

$$\left(x - \boxed{\mathcal{F}}\right)^2 + \left(y - \boxed{\mathcal{Y}}\right)^2 = \boxed{\overline{\mathcal{F}} \, \mathbb{N}}$$

である。

で表される領域をDとする。

kは定数とする。直線 $y = \frac{4}{3}x + k$ が領域 D と共有点をもつような k のと

(数学問題 おわり)